



DIPLÔME NATIONAL DU BREVET

SESSION 2021

MATHÉMATIQUES

SÉRIE GÉNÉRALE

AMÉRIQUE DU SUD

23 NOVEMBRE 2021

Durée de l'épreuve : 2h00

100 points

Dès que le sujet vous est remis, assurez-vous qu'il soit complet.
Il comporte 7 pages numérotées de la page 1 sur 7 à la page 7 sur 7.

L'usage de calculatrice avec mode examen actif est autorisé.
L'usage de calculatrice sans mémoire « type collège » est autorisé.

Exercice n° 1	24 points
Exercice n° 2	19 points
Exercice n° 3	23 points
Exercice n° 4	14 points
Exercice n° 5	20 points

Indications portant sur l'ensemble du sujet.

Toutes les réponses doivent être justifiées, sauf si une indication contraire est donnée.

Pour chaque question, si le travail n'est pas terminé, laisser tout de même une trace de la recherche; elle sera prise en compte dans la notation.

EXERCICE n° 1 — Six affirmations

24 points

Affirmation n° 1 : 72 est un multiple commun des nombres 12 et 18

Affirmation n° 2 : Pour tout nombre entier n , on a l'égalité $(n - 5)^2 = n^2 - 5^2$.

On considère la fonction f définie par $f(x) = 2x + 5$.

Affirmation n° 3 : L'antécédent de 6 par la fonction f est égal à $\frac{1}{2}$

Voici les températures relevées en degré Celsius (noté °C) pendant six jours dans une même ville :

5 °C — 7 °C — 11 °C — 8 °C — 5 °C — 6 °C.

Affirmation n° 4 : La moyenne de ces six températures est égale à 6,5 °C.

Les points B, D et A sont alignés.

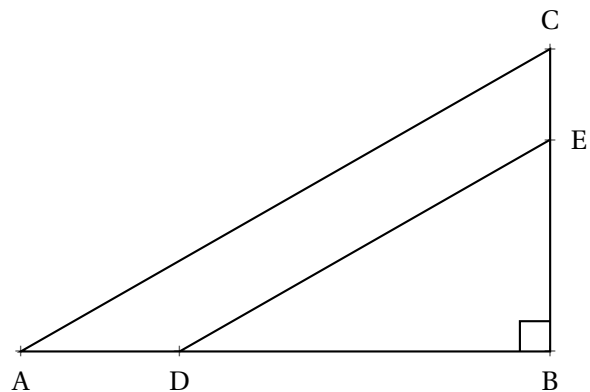
Les points B, E et C sont alignés.

Le triangle ABC est rectangle en B.

BA = 12 cm; BC = 9 cm;

BD = 8 cm et BE = 6 cm.

La figure ci-contre n'est pas à l'échelle.



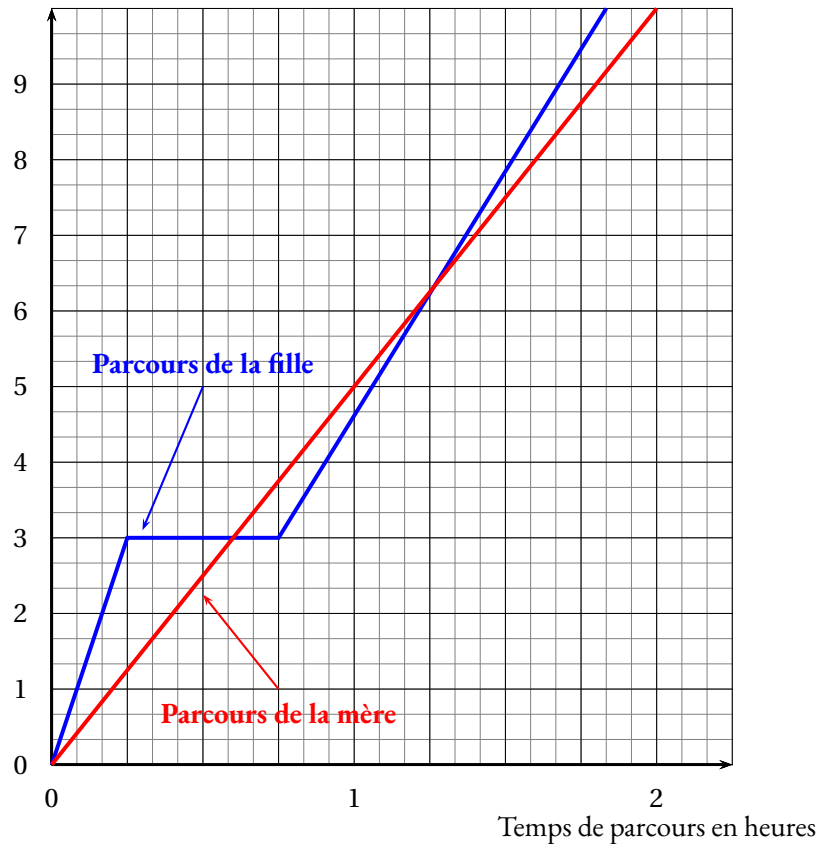
Affirmation n° 5 : la longueur AC est égale à 15 cm.

Affirmation n° 6 : les droites (AC) et (DE) sont parallèles.

Une mère et sa fille rentrent chez elles à pied en empruntant le même trajet de 10 kilomètres. La mère décide de s'y rendre en marchant et sa fille en courant.

Le graphique ci-dessous modélise les parcours de la mère et de la fille depuis leur départ.

Distance parcourue en kilomètres



1.a. Indiquer le temps mis par la mère pour rentrer chez elle, avec la précision que permet la lecture du graphique.

1.b. Déterminer la vitesse moyenne en km/h de la mère sur l'ensemble de son parcours.

1.c. La distance parcourue par la mère est-elle proportionnelle au temps ?

2. La fille est partie à 16 h et est arrivée chez elle à 17 h 50. Elle a fait une pause durant sa course.

2.a. Indiquer la durée de la pause de la fille, avec la précision que permet la lecture graphique.

2.b. Quand a-t-elle couru le plus vite : avant ou après sa pause ?

3. Combien de fois la mère et la fille se sont retrouvées au même endroit et au même moment, au cours de leur trajet ?

4. Dans cette question, on note f la fonction qui, au temps de parcours x (exprimé en heure) de la mère depuis le départ, associe la distance parcourue (exprimée en kilomètre) par la mère depuis le départ.

Parmi les propositions suivantes, recopier sans justification l'expression de $f(x)$:

$$f(x) = \frac{1}{5}x \quad \text{—} \quad f(x) = 5x \quad \text{—} \quad f(x) = x + 5$$

Un club de handball souhaite commander des maillots avec le nom du club inscrit dessus. À l’issue de sa commande, le club veut recevoir exactement 350 maillots.

Après quelques recherches, deux sites internet ont été sélectionnés :

- Sur le **site A** : les maillots sont vendus à 12 (l’unité) ;
- Sur le **site B** : les maillots sont vendus à 13 (l’unité, avec la promotion : « 10 maillots offerts pour 100 achetés ».

1. Déterminer le montant, exprimé en euro, de la commande du club envisagée sur le **site A**.
2. Un tableur ci-dessous présente des exemples de dépenses en fonction du nombre de maillots payés sur le **site B**.
Voici une copie d’écran de ce tableur.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
1	Nombre de maillots payés	50	100	150	200	250	300	350	400
2	Nombre de maillots offerts	0	10	10	20	20	30	30	40
3	Nombre total de maillots reçus	50	110	160	220	270	330	380	440
4	Coût total en euros	650	1300	1950	2600	3250	3900	4550	5200

- 2.a. À la lecture de ce tableur, le trésorier du club affirme que le montant de la commande sera compris entre 3900 € et 4550 € .
Son affirmation est-elle vraie ?
- 2.b. Sachant que les lignes 1 et 2 du tableur ont été complétées auparavant, quelle formule a-t-on pu saisir ensuite dans la cellule **B3** avant de l’étirer jusqu’à la cellule **I3**, pour remplir la ligne 3 du tableur ?
- 2.c. Le coût total exprimé en euro est-il proportionnel au nombre de maillots reçus ?
3. Sur quel site le club doit-il passer sa commande pour recevoir exactement 350 maillots, tout en payant le moins cher ?
4. Le club souhaite que ces 350 maillots soient répartis entre des maillots noirs et des maillots rouges dans le ratio 5 : 2.
Combien faut-il commander de maillots noirs et de maillots rouges ?
5. Le club a aussi commandé des gourdes. Les cartons reçus sont indiscernables tant par leurs dimensions que par leur forme. Il y a 4 cartons de gourdes blanches et 3 cartons de gourdes bleues.
On ouvre un carton au hasard.
Quelle est la probabilité qu’il contienne des gourdes bleues ?

Dans cet exercice, aucune justification n'est demandée.

On donne le programme ci-contre :

On rappelle que l'instruction S'orienter à 90 degrés signifie que l'on s'oriente vers la droite.

1. On lance le programme. Construire la figure obtenue en prenant 1 cm pour 25 unités de longueur.

Script principal

```
Quand [drapeau] est cliqué
  Effacer tout
  Aller à x : 0 y : 0
  S'orienter à 90 degrés
  Répéter 4 fois
    Carré
    Avancer de 50
```

Le bloc Carré

```
Définir Carré
  Stylo en position d'écriture
  Répéter 4 fois
    Avancer de 50
    Tourner de 90 degrés
  Relever le stylo
```

On modifie le Script principal et on obtient les deux scripts ci-contre :

Script principal A

```
Quand [drapeau] est cliqué
  Effacer tout
  Aller à x : 0 y : 0
  S'orienter à 90 degrés
  Répéter 3 fois
    Carré
    Avancer de 25
```

Script principal B

```
Quand [drapeau] est cliqué
  Effacer tout
  Aller à x : 0 y : 0
  S'orienter à 90 degrés
  Répéter 4 fois
    Carré
    Tourner de 90 degrés
```

2. Parmi les trois figures ci-dessous, associer sur votre copie chacun des deux scripts principaux A et B à la figure qu'il permet de réaliser :

Figure n° 1

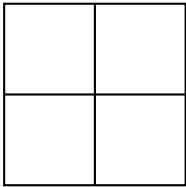


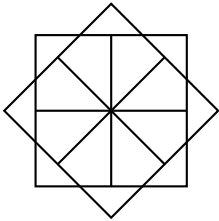
Figure n° 2



Figure n° 3



On souhaite réaliser la figure ci-dessous :



Le point de départ se situe au centre de la figure.

3. Compléter le nouveau script principal ci-contre en recopiant sur la copie uniquement les lignes 5 et 7. Pour mémoire, l'énoncé rappelle ci-contre à droite le descriptif du bloc Carré.

Script principal

```
1 Quand [drapeau] est cliqué
2 Effacer tout
3 Aller à x : 0 y : 0
4 S'orienter à 90 degrés
5 Répéter [ ] fois
6 Carré
7 [ ]
```

Le bloc Carré

```
Définir Carré
  Stylo en position d'écriture
  Répéter 4 fois
    Avancer de 50
    Tourner de 90 degrés
  Relever le stylo
```

Une usine de fabrication de bougies reçoit des cubes de cire d'abeille d'arête 6 cm. Ils sont disposés dans des cartons remplis (sans espace vide).

Informations sur les cartons :

- Forme : pavé droit;
- Dimensions :
 - Largeur : 60 cm;
 - Longueur : 36 cm;
 - Hauteur : 36 cm.

On ne tient pas compte de l'épaisseur du carton.

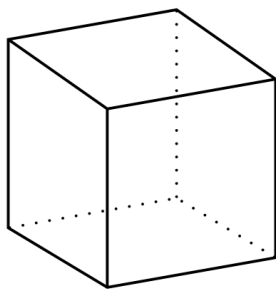
Information sur la cire d'abeille : Masse volumique : $0,95 \text{ g/cm}^3$

1.a. Montrer que chaque carton contient 360 cubes de cire d'abeille.

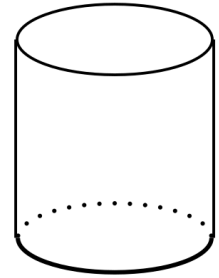
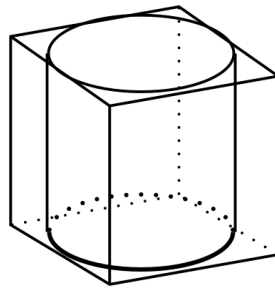
1.b. Quelle est la masse de cire d'abeille contenue dans un carton rempli de cubes ?

On donnera la réponse en kg, arrondie à l'unité près, en ne tenant pas compte de la masse du carton.

2. À l'usine, on découpe les cubes de cire d'abeille afin d'obtenir des cylindres de hauteur 6 cm et de diamètre 6 cm avec lesquels on fera des bougies en installant une mèche.



Cube de cire
d'abeille
Arête : 6 cm



Bougie cylindrique
(sans sa mèche)
Hauteur : 6 cm
Diamètre : 6 cm

On ne tiendra pas compte de la masse, du volume et du prix de la mèche dans la suite de l'exercice.

1.a. Montrer que le volume d'une bougie est d'environ 170 cm^3 .

On rappelle que le volume d'un cylindre de rayon r et de hauteur h est donné par la formule :

$$V = \pi \times r^2 \times h$$

1.b. En découpant les cubes de cire d'abeille d'arête 6 cm pour former des bougies cylindriques, la cire perdue est réutilisée pour former à nouveau d'autres cubes de cire d'abeille d'arête 6 cm.

Combien de cubes au départ doit-on découper pour pouvoir reconstituer un cube de cire d'abeille d'arête 6 cm, avec la cire perdue ?

3. Un commerçant vend les bougies de cette usine au prix de 9,60 € l'unité.

Il les vend 20 % plus chères qu'il ne les achète à l'usine.

Combien paie-t-il à l'usine pour l'achat d'une bougie ?

BREVET — 2021 — AMÉRIQUE DU SUD — SÉRIE GÉNÉRALE

CORRECTION

Un sujet assez complet et très utile pour réviser.



EXERCICE n° 1 — Six affirmations

24 points

Arithmétique — Développement — Antécédent — Moyenne — Théorème de Thalès — Théorème de Pythagore

Cinq affirmations de bonnes factures et très complètes.

Affirmation n° 1 : Comme $72 = 6 \times 12$ et que $72 = 4 \times 18$, **Affirmation n° 1 : Vraie**

Affirmation n° 2 : Développons $A = (n - 5)^2$

$$A = (n - 5)^2$$

$$A = (n - 5)(n - 5)$$

$$A = n^2 - 5n - 5n + 25$$

$$A = n^2 - 10n + 25$$

Ainsi, pour tout n , $(n - 5)^2 \neq n^2 - 5^2$, **Affirmation n° 2 : Fausse**

En utilisant les identités remarquables, ce qui doit être l'objectif de cette affirmation, on a immédiatement :

$$(n - 5)^2 = n^2 - 10n + 5^2 \text{ et } n^2 - 5^2 = (n + 5)(n - 5).$$

Affirmation n° 3 : Calculons $f\left(\frac{1}{2}\right) = 2 \times \frac{1}{2} + 5 = 1 + 5 = 6$, **Affirmation n° 3 : Vraie**

Affirmation n° 4 : Calculons $\frac{5^\circ\text{C} + 7^\circ\text{C} + 11^\circ\text{C} + 8^\circ\text{C} + 5^\circ\text{C} + 6^\circ\text{C}}{6} = \frac{42^\circ\text{C}}{6} = 7^\circ\text{C}$, **Affirmation n° 4 : Fausse**

Affirmation n° 5 : Dans le triangle ABC rectangle en B,
D'après le **théorème de Pythagore** on a :

$$BA^2 + BC^2 = AC^2$$

$$12^2 + 9^2 = AC^2$$

$$144 + 81 = AC^2$$

$$AC^2 = 225$$

$$AC = \sqrt{225}$$

$$AC = 15$$

Affirmation n° 5 : Vraie

Affirmation n° 6 : Comparons $\frac{BD}{BA}$ et $\frac{BE}{BC}$.

$$\frac{BD}{BA} = \frac{8\text{ cm}}{12\text{ cm}} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{BE}{BC} = \frac{6\text{ cm}}{9\text{ cm}} = \frac{2}{3}$$

Comme $\frac{BD}{BA} = \frac{BE}{BC}$ et que les points B, D et A sont alignés et dans le même ordre que B, E et C, d'après la **réci-proque du théorème de Thalès**, les droites (DE) et (AC) sont parallèles.



EXERCICE n° 2 — Marcher ou courir ?

19 points

Lecture graphique — Fonctions — Fonction linéaire

Un exercice de lecture graphique assez intéressant. On aurait aimé un calcul de vitesse un peu plus complexe.

1.a. On lit graphiquement, que la mère a mit environ 2 h pour effectuer ce parcours.

1.b. Elle a mit 2 h pour faire 10 km, soit une vitesse moyenne de 5 km/h.

On pouvait aussi utiliser un tableau de proportionnalité et une règle de trois :

Distance	10 km	$\frac{10 \text{ km} \times 1 \text{ h}}{2 \text{ h}} = 5 \text{ km}$
Temps	2 h	1 h

Ou encore, la formule $v = \frac{10 \text{ km}}{2 \text{ h}} = 5 \text{ km/h}$.

1.c. La représentation graphique suggère que la distance en fonction du temps forme une droite passant par l'origine. C'est caractéristique d'une situation de proportionnalité.

La distance parcourue par la mère est bien proportionnelle au temps.

Dans la question 1.b., pour calculer la vitesse moyenne, on a fait l'hypothèse que la distance parcourue était proportionnelle au temps. J'aurai bien inversé l'ordre de ces deux questions.

2.a. Sur le graphique, la pause s'étend sur deux carreaux. Il faut quatre carreaux pour une heure. Un carreau correspond donc à un quart d'heure soit quinze minutes.

La pause a duré 30 min.

2.b. La pente des segments de droite permet d'indiquer la vitesse de la fille (ce sont des dérivées... :-) blague pour les élèves de première!). On peut simplement remarquer que durant le premier quart d'heure elle a parcouru 3 km. Après la pause de 30 min, on voit que pendant un quart d'heure, soit un carreau horizontal, elle parcours un peu plus d'un kilomètre et demi.

Elle a couru le plus vite avant la pause.

3. Les courbes représentatives des parcours de la mère et de la fille se rencontrent deux fois, au troisième kilomètre après environ 35 min, et une seconde fois après une heure et quart un peu après le sixième kilomètre.

Elles se sont retrouvées au même endroit et au même moment deux fois.

4. Pour la mère, nous avons vu que la distance et le temps étaient des grandeurs proportionnelles. C'est caractéristique d'une fonction linéaire.

La fonction qui donne la distance en fonction du temps x pour la mère est $f(x) = 5x$.

5 est bien la vitesse en kilomètre heure.



Un rare exercice qui utilise un ratio. Des tarifs compliqués. Un bel exercice d'entraînement..

1. Comme $350 \times 12 \text{ €} = 4200 \text{ €}$. Sur le **Site A**, la commande coûte 4200 €.

2.a. On voit que pour 300 maillots payés, on en reçoit 330 pour 3900 €.
 Pour 350 maillots payés, on en reçoit 380 pour 4550 €.

Le trésorier du club a raison. Son affirmation est vraie.

2.b. Il faut saisir la somme des lignes 1 et 2 soit =**B1+B2**.

2.c. Attention à cette question, il y a quelques pièges.
 Si on compare par exemple, le prix pour 110 maillots et celui pour 220 maillots, 330 maillots ou 440 maillots, on peut penser que les prix sont proportionnels à la quantité puisque $220 = 2 \times 110$, $330 = 3 \times 110$ et $440 = 4 \times 110$ et les prix $2600 = 2 \times 1300$, $3900 = 3 \times 1300$ et $5200 = 4 \times 1300$.
 En revanche, quand on calcule les quotients suivants : $\frac{650}{50} = 13$ et $\frac{1300}{110} \approx 11,82$, on constate qu'il n'existe pas un coefficient constant, le prix à l'unité, qui permet de calculer le prix à partir de la quantité.

Pour le **Site B**, le prix n'est pas proportionnel à la quantité.

3. Sur le **Site A**, on a vu à la question 1. qu'il faut payer 4200 €.
 Sur le **Site B**, en consultant le tableau, on constate qu'on va payer 3900 € pour 330 maillots livrés. Il reste donc $350 - 330 - 20$ maillots à acheter à 13 € l'unité.
 $20 \times 13 \text{ €} = 260 \text{ €}$, avec le **Site B**, il vont payer $3900 \text{ €} + 260 \text{ €} = 4160 \text{ €}$.

Il faut donc commander sur le **Site B**.

4. Dire que la répartition des maillots suit le ration 5 : 2 signifie que le nombre de maillots noirs et de mallots rouges sont proportionnels aux nombres 5 et 2.

Maillots noirs	5	$\frac{5 \times 350}{7} = 250$
Mallots rouges	2	$\frac{2 \times 350}{7} = 100$
Total	7	350

Ce qui revient à dire que l'on a partagé les maillots en $5 + 2 = 7$ parts et qu'il faut déterminer les $\frac{2}{7}$ et les $\frac{5}{7}$ de 350.

On a bien $\frac{2}{7} \times 350 = \frac{700}{7} = 100$ et $\frac{5}{7} \times 350 = \frac{1750}{7} = 250$.

Il faut commander 250 maillots noirs et 100 maillots noirs.

5. Nous sommes dans une expérience aléatoire à une épreuve ayant 7 issues équiprobables.

Comme il y a 3 cartons contenant des gourdes bleues, la probabilité cherchée vaut $\frac{3}{7} \approx 0,43 \approx 43 \%$.



Un Scratch géométrique très intéressant dans le cadre de la préparation au DNB.

1. Comme 1 cm correspond à 25 pixels, il faut tracer quatre carrés de 2 cm espacés de 2 cm.



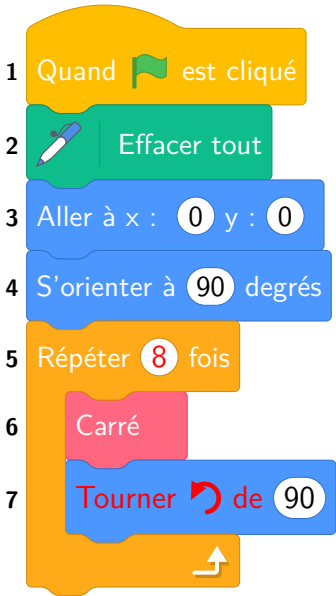
2. Le Script A trace un carré de 50 de côté puis avance de 25. Comme après avoir tracé un carré le lutin retourne au point de départ, et comme le carré mesure 50, le deuxième carré va être tracé à partir du milieu du premier. Puis le troisième commence à la fin du premier et au milieu du deuxième. Il s'agit donc de la Figure n° 2.

Script A : Figure n° 2

Le Script B trace un carré de 50 puis retourne au point de départ. Il tourne alors de 90° et recommence ainsi quatre fois.

Script B : Figure n° 1

3. Cette figure est constituée de huit carrés, avec un rotation de 45° entre chacun. Voici le script attendu :



Un exercice utile pour travailler les volumes.

1.a. $60\text{ cm} = 10 \times 6\text{ cm}$, $36\text{ cm} = 6 \times 6\text{ cm}$.
Dans un carton, on pourra placer 10 cubes en long, 6 en large et 6 en hauteur soit $10 \times 6 \times 6 = 360$ cubes.

On peut placer 360 cubes dans ce carton.

1.b. Ainsi le carton est plein de cubes en cire d'abeille sans aucun espace.

Le volume du carton et donc de cire d'abeille vaut : $V = 60\text{ cm} \times 36\text{ cm} \times 36\text{ cm} = 77\,760\text{ cm}^3$.
La masse volumique de la cire est de $0,95\text{ g par cm}^3$.

La masse de cire contenue dans le carton est donc de $0,95\text{ g} \times 77\,760 = 73\,872\text{ g} = 73,872\text{ kg}$

2.a. C'est une bougie cylindrique, de hauteur 6 cm et de rayon $6\text{ cm} \div 2 = 3\text{ cm}$.

Le volume d'une bougie vaut $V = \pi \times (3\text{ cm})^2 \times 6\text{ cm} = 54\pi\text{ cm}^3 \approx 170\text{ cm}^3$

2.b. La cube de cire à une arête de 6 cm , son volume vaut $(6\text{ cm})^3 = 216\text{ cm}^3$.
Le volume restant après avoir produit la bougie vaut environ : $216\text{ cm}^3 - 170\text{ cm}^3 = 56\text{ cm}^3$.

Comme $216\text{ cm}^3 \div 56\text{ cm}^3 \approx 3,9$, avec 4 cubes de départ on peut reconstituer un cube complet.

3. On peut utiliser un tableau de proportionnalité :

Prix avant augmentation	$\frac{9,60 \times 100}{120} = 8$	100
Prix après augmentation	9,60	120

On peut aussi raisonner avec le coefficient multiplicateur.
Augmenter de 20% revient à multiplier par $1 + \frac{20}{100} = 1 + 0,20 = 1,20$.
Le prix de départ p vérifie l'équation :

$$1,20p = 9,60$$
$$p = \frac{9,60}{1,20}$$
$$p = 8$$

Le prix payé à l'usine est de 8 € .

INFORMATIONS LÉGALES

- **Auteur** : Fabrice ARNAUD
- **Web** : pi.ac3j.fr
- **Mail** : contact@ac3j.fr
- **Dernière modification** : 15 octobre 2025 à 11:45

Ce document a été écrit pour L^AT_EX avec l'éditeur VIM - Vi Improved Vim 9.1.

Il a été compilé sous Linux Ubuntu Plucky Puffin (macareux courageux) 25.04 avec la distribution TeX Live 2024.20250309 et LuaHBTeX 1.18.0

Le fichier source a été réalisé sous Linux Ubuntu avec l'éditeur Vim.

J'aimerais beaucoup rendre disponibles mes sources en T_EX. Dans un monde idéal, je le ferai immédiatement. J'ai plusieurs fois constaté que des pilleurs du net me volent mes fichiers pdf, retirent cette dernière page de licence, pour les mettre en ligne et parfois même les rendre payants. N'ayant pas les moyens de mettre un cabinet d'avocats sur cette contravention à la licence CC BY-NC-SA 4.0, je fais le choix de ne pas rendre mes sources disponibles. Mes pdf ne contiennent aucun filigrane, je ne les signe pas. Cela permet aux collègues, aux parents, aux élèves, de disposer d'un document anonyme dont chacun peut disposer en respectant la licence qui est particulièrement souple pour les utilisateurs non commerciaux. Je me suis contenté d'ajouter mes références sur cette dernière page, et verticalement sur mes corrections de brevet qui sont très pillés, afin de permettre à tous d'utiliser les documents tels quels.

Les QR Codes présents sur certains documents pointent vers le fichier pdf lui-même et sa correction. Ce lien ne pointe pas vers une page de mon blog ni sur une quelconque publicité. Vous pouvez le laisser si vous souhaitez que vos élèves accèdent au document en ligne avec sa correction.

LICENCE CC BY-NC-SA 4.0



Attribution Pas d'Utilisation Commerciale Partage dans les Mêmes Conditions 4.0 International

Ce document est placé sous licence CC-BY-NC-SA 4.0 qui impose certaines conditions de ré-utilisation.

Vous êtes autorisé à :

Partager — copier, distribuer et communiquer le matériel par tous moyens et sous tous formats

Adapter — remixer, transformer et créer à partir du matériel

L'Offrant ne peut retirer les autorisations concédées par la licence tant que vous appliquez les termes de cette licence.

Selon les conditions suivantes :

Attribution — Vous devez créditer l'Œuvre, intégrer un lien vers la licence et indiquer si des modifications ont été effectuées à l'Œuvre. Vous devez indiquer ces informations par tous les moyens raisonnables, sans toutefois suggérer que l'Offrant vous soutient ou soutient la façon dont vous avez utilisé son œuvre.

Pas d'Utilisation Commerciale — Vous n'êtes pas autorisé à faire un usage commercial de cette Œuvre, tout ou partie du matériel la composant.

Partage dans les Mêmes Conditions — Dans le cas où vous effectuez un remix, que vous transformez, ou créez à partir du matériel composant l'Œuvre originale, vous devez diffuser l'œuvre modifiée dans les même conditions, c'est à dire avec la même licence avec laquelle l'œuvre originale a été diffusée.

Pas de restrictions complémentaires — Vous n'êtes pas autorisé à appliquer des conditions légales ou des mesures techniques qui restreindraient légalement autrui à utiliser l'Œuvre dans les conditions décrites par la licence.

Consulter : <https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/deed.fr>

Comment créditer cette Œuvre ?

Ce document, **Brevets.pdf**, a été créé par **Fabrice ARNAUD** (contact@ac3j.fr) le 15 octobre 2025 à 11:45.

Il est disponible en ligne sur pi.ac3j.fr, **Le blog de Fabrice ARNAUD**.

Adresse de l'article : <https://pi.ac3j.fr/brevet>.